

26-27

GUÍA DE ESTUDIO PÚBLICA



ANÁLISIS NO LINEAL DE EDPS

CÓDIGO 21520028

UNED

26-27

ANÁLISIS NO LINEAL DE EDPS

CÓDIGO 21520028

ÍNDICE

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN
REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR ESTA ASIGNATURA
EQUIPO DOCENTE
HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE
COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE
RESULTADOS DE APRENDIZAJE
CONTENIDOS
METODOLOGÍA
SISTEMA DE EVALUACIÓN
BIBLIOGRAFÍA BÁSICA
BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA
RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA
IGUALDAD DE GÉNERO

Nombre de la asignatura	ANÁLISIS NO LINEAL DE EDPS
Código	21520028
Curso académico	2026/2027
Título en que se imparte	MÁSTER UNIVERSITARIO EN MATEMÁTICAS AVANZADAS MICROMÁSTER EN MATEMÁTICAS AVANZADAS
Tipo	CONTENIDOS
Nº ETCS	7.5
Horas	187.5
Periodo	SEMESTRE 1
Idiomas en que se imparte	CASTELLANO

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN

Las ecuaciones en derivadas parciales (EDPs) es uno de los campos de las matemáticas que mas se han desarrollado a lo largo del siglo XX y principios del XXI, motivado principalmente por su aplicaciones a las C.C. Físicas, las C.C. Naturales o la Ingeniería, las EDPs han sido objeto de estudio desde distintos puntos de vista: Análisis Matemático, Física Matemática, Análisis numérico o Aplicaciones a problemas de otras ciencias o ingenierías.

La asignatura se centra en el estudio de las EDPs desde la perspectiva del análisis matemático. Dicho análisis nos permite obtener una serie de propiedades cualitativas de la solución sin necesidad de obtener la solución explícita, algo que en la mayoría de los casos no ha sido posible hasta el momento.

A lo largo de la asignatura se utilizan métodos de análisis funcional para el estudio teórico de las ecuaciones, para ello es necesario una serie de conocimientos básicos de análisis funcional.

REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR ESTA ASIGNATURA

Para cursar la asignatura es necesario haber cursado los estudios obligatorios para acceder al Master de Matemáticas Avanzadas. Es altamente recomendable haber cursado un curso introductorio de "Ecuaciones en Derivadas Parciales" además de tener conocimientos básicos sobre espacios de Hilbert. Estos conocimientos son los adquiridos al cursar las asignaturas obligatorias del grado en matemáticas de la UNED "Introducción a los espacios de Hilbert" y "Análisis de Fourier y Ecuaciones en Derivadas Parciales".

A aquellos alumnos que no han cursado asignaturas básicas con conocimientos similares se les recomienda adquirir dichos conocimientos con la lectura de los libros

-Espacios de Hilbert y Análisis de Fourier: los primeros pasos

Autores: Antonio García García y María José Muñoz Bouzo

Ed: Sanz y Torres (2ª Edición Revisada), 2020.

-Ecuaciones diferenciales en derivadas parciales

Autor: Hans F. Weinberger

Ed: Reverté (2ª Edición)

EQUIPO DOCENTE

Nombre y Apellidos
Correo Electrónico
Teléfono
Facultad
Departamento

JOSE IGNACIO TELLO DEL CASTILLO (Coordinador/a de asignatura)
jtello@mat.uned.es
91398-7350
FACULTAD DE CIENCIAS
MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES

HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE

El equipo docente realizará la tutorización fundamentalmente a través del Curso Virtual. El Seguimiento del Aprendizaje se realizará mediante el curso virtual y los foros abiertos para ese fin. En él se habilitarán foros temáticos en los que el alumno podrá plantear sus dudas que estarán visibles para el resto de alumnos.

Tutorización telefónica en los horarios de guardia del profesor de la sede Central.

Tutorización postal.

Tutorización presencial en la Sede Central en los horarios de guardia del profesor.

Horario de tutorías presenciales en la sede central:

Martes de 14:30 a 18:30

Tfno 913987350

email: jtello(a)mat.uned.es

Facultad de Ciencias

COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE

Ver sección de Resultados de Aprendizaje

RESULTADOS DE APRENDIZAJE

Conocimientos

CB6 - Poseer y comprender conocimientos que aporten una base u oportunidad de ser originales en el desarrollo y/o aplicación de ideas, a menudo en un contexto de investigación

CB8 - Que los estudiantes sean capaces de integrar conocimientos y enfrentarse a la complejidad de formular juicios a partir de una información que, siendo incompleta o limitada, incluya reflexiones sobre las responsabilidades sociales y éticas vinculadas a la aplicación de sus conocimientos y juicios

CB9 - Que los estudiantes sepan comunicar sus conclusiones y los conocimientos y razones últimas que las sustentan a públicos especializados y no especializados de un modo claro y sin ambigüedades

CG2 - Conocer algunas de las líneas de investigación dentro de las áreas cubiertas por el Máster.

CE2 - Conocer los problemas centrales, la relación entre ellos, las técnicas más adecuadas

en los distintos campos de estudio, y las demostraciones rigurosas de los resultados relevantes.

CE1 - Saber abstraer las propiedades estructurales de los objetos matemáticos, distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales. Ser capaz de utilizar un objeto matemático en diferentes contextos.

Destrezas y habilidades.

CB7 - Que los estudiantes sepan aplicar los conocimientos adquiridos y su capacidad de resolución de problemas en entornos nuevos o poco conocidos dentro de contextos más amplios (o multidisciplinares) relacionados con su área de estudio

CB10 - Que los estudiantes posean las habilidades de aprendizaje que les permitan continuar estudiando de un modo que habrá de ser en gran medida autodirigido o autónomo.

CG4 - Aprender a redactar resultados matemáticos.

CE3 - Adquirir la capacidad de enfrentarse con la literatura científica a distintos niveles, desde libros de texto con contenidos avanzados hasta artículos de investigación matemática publicados en revistas especializadas.

CE4 - Saber analizar y construir demostraciones matemáticas, así como transmitir conocimientos matemáticos avanzados en entornos especializados.

Competencias:

CG1 Adquirir conocimientos generales avanzados en alguna de las áreas de las matemáticas

CG3 - Adquirir la metodología de la investigación en matemáticas.

CONTENIDOS

TEMA 1. Espacios de Sobolev y Holder continuos

1.1 Prerequisitos

1.2 Espacios topológicos, métricos, de Banach y de Hilbert

1.3 Integral de Lebesgue y espacios L^p

1.4 Bases en un espacio de Hilbert

1.5 Aplicaciones lineales

1.6 Operadores Compactos

1.7 Espacios de Sobolev

1.8 Semicontinuidad

1.9 Distribuciones

Tema 2. Problemas elípticos lineales: Definiciones, Existencia de soluciones, regularidad, principio del máximo, autovalores y autofunciones.

- 2.1 Introducción
- 2.2 Formulación débil de problemas elípticos.
- 2.3 Unicidad de soluciones
- 2.4 Principio de superposición
- 2.5. Principio débil del máximo
- 2.6 Existencia de soluciones. Teorema de Lax-Milgram.
- 2.7 Autovalores y autofunciones de problemas elípticos
- 2.8 Método de separación de variables.
- 2.9 Funciones de Green
- 2.10 Principio fuerte del máximo
- 2.11 La ecuación de Laplace: Método de Perron.
- 2.12 Regularidad de las soluciones

Tema 3. Problemas Elípticos No Lineales

- 3.1. Introducción
- 3.2 Minimización de funcionales convexos
- 3.3 Teorema del paso de la montaña o de Ambrosetti-Rabinowitz
- 3.4 Teorema del punto fijo de Browder
- 3.5 Métodos de sub-supersoluciones

Tema 4. Problemas de Evolución: Teorema de Hille-Yosida

- 4.1 Teorema de Hille-Yosida
- 4.2. La ecuación del calor
- 4.3 La ecuación de ondas

METODOLOGÍA

En cada capítulo se debe llevar a cabo el estudio del siguiente modo:

- Estudio del texto o textos base que se indican en cada capítulo
- Realización de los ejercicios propuestos en los textos base además de los que se sugieren en las notas del profesor.

Gran parte de la formación recae sobre el trabajo personal del alumno con la bibliografía recomendada, básica y complementaria, siempre con la ayuda del profesor de la Sede Central de la UNED, y las tecnologías de ayuda de la UNED. Los contactos con el equipo docente pueden ser: por teléfono, en su horario de guardia, presenciales en la Sede Central, previa cita, por e-mail, correo postal, y el curso virtual. Vamos a hacer hincapié en el curso virtual, porque está siendo una herramienta de enorme utilidad para los estudiantes en los últimos años. En el foro de consultas generales se plantearán preferentemente cuestiones de carácter burocrático, de gestión o de procedimientos de evaluación. En el foro de

alumnos se podrán comunicar con los otros alumnos, no es un foro tutelado por lo que los profesores no se responsabilizarán del contenido del mismo. Finalmente se crearán foros de cuestiones concretas: foros específicos de dudas sobre contenidos, que estarán orientados a la profundización y comprensión de los distintos temas. Los alumnos podrán realizar consultas razonadas y concisas sobre el tema.

SISTEMA DE EVALUACIÓN

TIPO DE PRUEBA PRESENCIAL

Tipo de examen Examen de desarrollo

Preguntas desarrollo

Duración del examen 120 (minutos)

Material permitido en el examen

No se permitirá ningún tipo de Material

Criterios de evaluación

La Prueba consistirá en un examen escrito con varios problemas / ejercicios teóricos o prácticos, que podrán tener diversos apartados, y que no superarán en dificultad a los de estudiados durante el curso. I

Se evaluarán los siguientes aspectos:

Comprensión de los aspectos básicos

Resolución de problemas en los que se demuestren las habilidades adquiridas.

Formulación correcta en lenguaje matemático (claridad y precisión).

Desarrollo de argumentos lógicos con clara identificación de las hipótesis y las conclusiones.

De manera general conviene recordar de que todas las soluciones de los ejercicios de la Prueba Presencial deberán estar suficientemente justificadas. También se tendrá en cuenta la presentación de los ejercicios de la Prueba Presencial.

La notación utilizada en las Pruebas Presenciales será la utilizada en los textos base de la asignatura, existiendo la obligación de conocerla.

% del examen sobre la nota final 100

Nota del examen para aprobar sin PEC 5

Nota máxima que aporta el examen a la calificación final sin PEC 10

Nota mínima en el examen para sumar la PEC 5

Comentarios y observaciones

La calificación final es la calificación obtenida en el examen final.

No existe ninguna otra prueba de evaluación.

CARACTERÍSTICAS DE LA PRUEBA PRESENCIAL Y/O LOS TRABAJOS

Requiere Presencialidad

Si

Descripción

La prueba presencial consistirá de varios problemas / ejercicios / preguntas teóricas similares a los propuestos durante el curso.

Criterios de evaluación

Se evaluarán los siguientes aspectos:

Comprensión de los aspectos básicos

Resolución de problemas en los que se demuestren las habilidades adquiridas.

Formulación correcta en lenguaje matemático (claridad y precisión).

Desarrollo de argumentos lógicos con clara identificación de las hipótesis y las conclusiones.

Ponderación de la prueba presencial y/o los trabajos en la nota final

La calificación final es la calificación obtenida en el examen final. No existe ninguna otra prueba de evaluación.

Fecha aproximada de entrega

Comentarios y observaciones

PRUEBAS DE EVALUACIÓN CONTINUA (PEC)

¿Hay PEC?

No

Descripción

Criterios de evaluación

Ponderación de la PEC en la nota final

Fecha aproximada de entrega

Comentarios y observaciones

OTRAS ACTIVIDADES EVALUABLES

¿Hay otra/s actividad/es evaluable/s?

No

Descripción

Criterios de evaluación

Ponderación en la nota final

Fecha aproximada de entrega

Comentarios y observaciones

¿CÓMO SE OBTIENE LA NOTA FINAL?

La calificación final es la calificación obtenida en el examen final.

No existe ninguna otra prueba de evaluación.

BIBLIOGRAFÍA BÁSICA

ISBN(13):

Título: APUNTES DE LA ASIGNATURA. TEMAS 1 Y 2. Primera edición edición

Autor/es: J. Ignacio Tello

Editorial: Editado por el autor

Haim Brezis - Analisis Funcional, Teoria y Aplicaciones. 1987. Editorial: Alianza editorial, colección Alianza Universidad. ISBN: 978-84-206-8088-0

L. Evans - Partial differential equations (Second Edition). 2010 Editorial: Americal Mathematical Society. ISBN 10:8125080007

J. Ignacio Tello. Apuntes de la asignatura que aparecen en el curso virtual.

Para los temas 1 y 2 se seguirán las notas del profesor de la asignatura, para el capítulo 3, el libro de L. Evans - Partial differential equations y para el capítulo 4, el libro de Haim Brezis - Analisis Funcional, Teoria y Aplicaciones.

BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA

ISBN(13): 9788418316821

Título: ECUACIONES EN DERIVADAS PARCIALES

Autor/es: José Ignacio Tello Del Castillo

Editorial: EDITORIAL SANZ Y TORRES

Lucio Boccardo y Gisella Croce. Elliptic Partial Differential Equations: Existence and Regularity of Distributional Solutions. 2013. Editorial De Gruyter. Colección: De Gruyter Studies in Mathematics, 55

David Gilbarg y Neil S. Trudinger. Elliptic Partial Differential Equations of Second Order. (Segunda edición) 1983 Editorial: Springer Verlag.

José Ignacio Tello del Castillo. Ecuaciones en derivadas parciales. Editorial Sanz y Torres 2023.

RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA

En el curso virtual se encuentran materiales de apoyo al estudio, acceso al foro y las direcciones de correo electrónicos de los profesores de la asignatura.

IGUALDAD DE GÉNERO

En coherencia con el valor asumido de la igualdad de género, todas las denominaciones que en esta Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por términos genéricos, se entenderán hechas indistintamente en género femenino o masculino, según el sexo del titular que los desempeñe.